

Exercice 1 : le calcul littéral

(5 points)

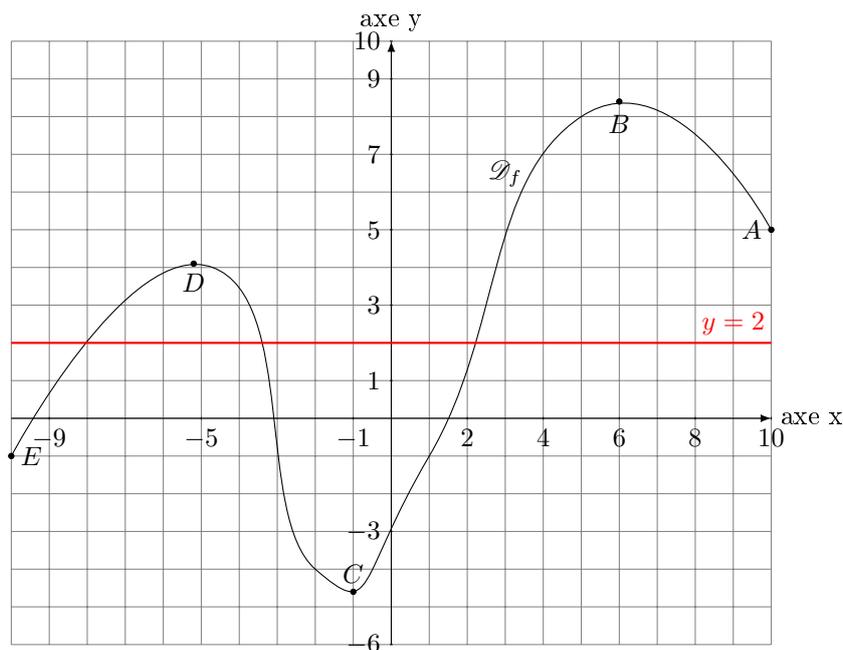
— $A = (2x - 4)^2 = (2x)^2 - 2 \times 2 \times 4 + 4^2 = 4x^2 - 16x + 16$

— $B = 2(x - 1)(x + 1) = 2(x^2 - 1^2) = 2x^2 - 2$

— En déduire l'expression développée de $C = (2x - 4)^2 - 2(x - 1)(x + 1) = 4x^2 - 16x + 16 - (2x^2 - 2) = 4x^2 - 16x + 16 - 2x^2 + 2 = 2x^2 - 16x + 18$.

Exercice 2 : les fonctions

(5 points)



Vos réponses devront être argumentées, comme cela a été travaillé dans le cours !

1. Le domaine de définition de la fonction représentée est **l'ensemble des antécédent x tels que l'image $f(x)$ existe**, autrement dit **toutes les abscisses des points par lesquels la courbe de la fonction passe**, c'est à dire $\mathcal{D}_f = [-10; 10]$.
2. Les extrema locaux et/ou absolus (en les distinguant) de cette fonction sont :
 - (a) l'ordonnée du point D comme maximum relatif, car $f(x) \leq f(-5)$ sur un intervalle contenant D mais pas sur \mathcal{D}_f entier.
 - (b) l'ordonnée du point C comme minimum absolu, car **pour tout x appartenant à \mathcal{D}_f on a $f(x) \geq f(-1)$.**
 - (c) l'ordonnée du point B comme maximum absolu, car **pour tout x appartenant à \mathcal{D}_f on a $f(x) \leq f(6)$.**
 - (d) on laisse de côté les points E et A qui ne nous intéressent pas vraiment comme cela a été expliqué en cours.
3. Tableau de variations de cette fonction :

x	-10	-5.2	-1	6	+10
variations de f	-1	4	-4.5	8.4	5

4. Les solutions de l'équation $f(x) = 2$ sont les abscisses des points d'intersection de la courbe de la fonction avec l'axe horizontal d'équation $y = 2$.
(Il est bien de tracer cet axe avant de donner les solutions !), les solutions sont : -8, -3.5 et 2.2. (Bien entendu ces solutions sont approximatives car la lecture graphique ne permet pas mieux et ces conjectures restent à démontrer !)

5. Les solutions de l'inéquation $f(x) < 0$ sont les abscisses des points de la courbe de f qui se trouvent sous l'axe des abscisses (ou l'axe horizontal d'équation $y = 0$).

Les solutions sont dans l'union d'intervalles : $[-10 ; -9.5] \cup [-3 ; 1.6]$ (et la encore les valeurs sont approchées du fait de la lecture graphique).

